

Цели:

Личностные: развитие навыков самоанализа и самоконтроля при оценке результата и процесса своей деятельности.

Метапредметные: развитие умения работать с имеющейся информацией в новой ситуации, умения обобщать и систематизировать изученный материал

Предметные: показать методические приёмы решения логарифмических неравенств через систему знаний .

Ход урока:

1.Организационный этап	
2.Актуализация опорных знаний. (Обеспечение повторения теоретического материала) Учащимся предлагается обобщить знания по теме "Логарифмическая функция и ее свойства" (+ или -) . Приложение 1. Проверка: "Сформулируйте основные свойства логарифмической функции"	
I группа	II группа
Повторить основные свойства логарифма	Записать свойства логарифма
3. Практический этап	
Используя свойства логарифма выполнить онлайн- тестирование №4323199 на решу.егэ	Проверка домашнего задания . Решите неравенство $\log_{x^2+x} (x^2 - 2x + 1) \leq 1$. (Правильность задания проверяется по критериям №15 Экспертов ЕГЭ) Приложение 2. Вы решали данное неравенство классическим способом, основанном на свойствах функций. Предлагается познакомиться с новым методом "Метод рационализации" Приложение №3.
Анализ поступивших результатов. Работа над ошибками.	Самостоятельно изучают новый метод. Пробуют решить неравенство с переменным основанием методом рационализации.
4. Работа по индивидуальному маршруту	4. Первичное закрепление нового материала Основные этапы. Анализ полученного результата. Ответы на вопросы учащихся.
5.Рефлексия учебной деятельности на уроке.	
6. Информация о домашнем задании	
Решу. егэ базовый уровень №4311460, №4311480, № 4311487 Коррекция допущенных ошибок	Приложение 4. Научиться пользоваться методом рационализации

Приложение 1.

1	Логарифмическая функция $y = \log_a x$ определена при любом x	
2	Функция $y = \log_a x$ определена при $a > 0, a \neq 1, x > 0$	
3	Областью определения логарифмической функции является множество действительных чисел	
4	Областью значений логарифмической функции является множество действительных чисел	
5	Логарифмическая функция – четная	
6	Логарифмическая функция – нечетная	
7	Функция $y = \log_a x$ – возрастающая при $a > 1$	
8	Функция $y = \log_a x$ при положительном, но меньшем единицы основании, – возрастающая	
9	Логарифмическая функция имеет экстремум в точке (1; 0)	
10	График функции $y = \log_a x$ пересекается с осью OX	
11	График логарифмической функции находится лишь в верхней полуплоскости	
12	График логарифмической функции симметричен относительно OX	
13	График логарифмической функции пересекает OX в точке (1; 0)	
14	График логарифмической функции находится в 1 и 4 четвертях	
15	Существует логарифм отрицательного числа	
16	Существует логарифм дробного положительного числа	
17	График логарифмической функции проходит через точку (0; 0)	

Приложение 2. Задание №15

Критерии оценивания выполнения задания	Баллы
Обоснованно получен верный ответ.	2
Допущена единичная ошибка, возможно, приведшая к неверному ответу, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения.	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше.	0
<i>Максимальный балл</i>	2

Приложение 3.

Метод рационализации

Теоретическое обоснование метода

Часто, при решении логарифмических неравенств, встречаются задачи с переменным основанием логарифма. Так, неравенство вида

$\log_{a(x)} b(x) > \log_{a(x)} c(x)$ является стандартным школьным неравенством. Как правило, для его решения применяется переход к равносильной совокупности систем:

$$\log_{a(x)} b(x) > \log_{a(x)} c(x) \Leftrightarrow \begin{cases} 0 < a(x) < 1 \\ 0 < b(x) < c(x) \\ a(x) > 1 \\ b(x) > c(x) > 0 \end{cases}$$

Недостатком данного метода является необходимость решения семи неравенств, не считая двух систем и одной совокупности. Уже при данных квадратичных функциях решение совокупности может потребовать много времени. Можно предложить альтернативный, менее трудоемкий метод решения этого стандартного неравенства. Это метод рационализации неравенств, известный в математической литературе под названием декомпозиции.

Метод декомпозиции

Метод декомпозиции заключается в замене сложного выражения $F(x)$ на более простое выражение $G(x)$, при которой неравенство $G(x) > 0$ равносильно неравенству $F(x) > 0$ в области определения $F(x)$. f, g, h – выражения с переменной x , a – фиксированное число или функция ($a > 0, a \neq 1$).

	Выражение F	Выражение G
1	$\log_a f - \log_a g$	$(a - 1)(f - g)$
	$\log_a f - 1$	$(a - 1)(f - a)$

	$\log_a f$	$(a-1)(f-1)$
2	$\log_h f - \log_h g$	$(h-1)(f-g)$
	$\log_h f - 1$	$(h-1)(f-h)$
	$\log_h f$	$(h-1)(f-1)$
3	$\log_f h - \log_g h$	$(f-1)(g-1)(h-1)(g-f)$
	$\log_h f \cdot \log_p k$	$(h-1)(f-1)(p-1)(k-1)$
	$\frac{\log_a f - \log_a g}{\log_b h}$	$\frac{(a-1)(f-g)}{(b-1)(h-1)}$

Из данных выражений можно вывести некоторые следствия (с учетом области определения):

$$\log_h f \cdot \log_p k^0 (h-1)(f-1)(p-1)(k-1)^0$$

$$\log_h f + \log_h k (fk-1)(h-1)^0$$

Комментарий.

Стандартные ошибки, которые допускают учащиеся при использовании метода рационализации, заключаются в следующем:

а) проводят рационализацию без учета области определения данного неравенства;

б) применяют метод рационализации к неравенствам, не приведенным к стандартному виду $F(x) \sim 0$;

в) формально применяют метод рационализации к выражениям вида

$$\log_a f(x) + \log_a g(x) \quad , \quad \text{заменяя на выражение} \quad f(x) + g(x) ;$$

г) подменяют формулировку «о совпадении знаков выражений для каждого допустимого значения x » на неверную формулировку «о совпадении значений выражений для каждого допустимого значения x ».

Приложение 4.

Решить методом рационализации

1). $\log_{6x+11} 5 \geq 1$ 2). $\log_{x-3} (x^2 - 12x + 36) \leq 0$

3). $\log_{x^3-9x^2+27x-27} (9-x) \geq 0$ 4). $\log_{2-x} (x+2) \cdot \log_{x+3} (3-x) \leq 0$

5). $\log_x (x-2) \cdot \log_x (x+2) \leq 0$, 6). $\log_{12x^2-41+35} (3-x) \geq \log_{2x^2-5x+3} (3-x)$.

7.) $\log_{\frac{x}{3}} (\log_x \sqrt{3-x}) \geq 0$ 8. $2 \log_9 (4x^2+1) \leq \log_3 (3x^2+4x+1)$

9. $\log_{6x^2-5x+1} 2 > \log_{\sqrt{6x^2-5x+1}} 2$ 10). $\log_{2x+3} x^2 < 1$.

$$11). \log_8(x^2 - 4x + 3) < 1 \quad 12) \log_{x-2}(x^2 - 1) > \log_{x-2}(2x^2 + x - 3)$$

$$13) \log_{x+1}(x-1) \cdot \log_{x+1}(x+2) \leq 0 \quad 14) \log_{\frac{25-x^2}{16}} \frac{24+2x-x^2}{14} > 1$$

$$15) \log_{5-x} \frac{x+2}{(x-5)^4} \geq -4 \quad 16) \log_{0.5}(x^2 - 3x + 2) + 1 \geq 0$$

Дополнительно для самостоятельного решения:

$$1) \log_{x^2}(x+2) \leq 1 \quad \text{Ответ. } (1; 2]$$

$$2) \log_{10-x^2} \left[\frac{16x}{5} - x^2 \right] < 1 \quad \text{Ответ. } 0 < x < 3, \quad \frac{25}{8} < x < \sqrt{10}$$

$$3) \log_{5-x}(2 - 9x - 5x^2) > 1 \quad \text{Ответ. } (-1; -0,6)$$

$$4) \log_{\frac{2x+2}{5x-1}}(10x^2 + x - 2) \leq 0 \quad \text{Ответ. } (-\infty; -1) \cup \left[\frac{2}{5}; \frac{1}{2} \right] \cup (1; +\infty)$$

$$5) \log_{x+4}(5x+20) \leq \log_{x+4}(x+4)^2 \quad \text{Ответ. } (-4; -3) \cup [1; +\infty)$$

$$6) \log_{\frac{x-1}{|2x-3|}}(x-1) \leq 2 \quad \text{Ответ. } (1; 1,25] \cup \left[\frac{4}{3}; 1,5 \right] \cup (1,5; 2) \cup (2; +\infty)$$

$$7) \log_{|x+1|} 2 > \log_{|x-1|} 2 \quad \text{Ответ. } (-\infty; -2) \cup (0; 1) \cup (1; 2)$$

$$8) \log_{x^2}(8 - 7x) \leq 4^{\lg(\sin 2,5\pi)} \quad \text{Ответ. } (-\infty; -8] \cup (-1; 0) \cup (0; 1) \cup \left[1; \frac{8}{7} \right]$$

$$9) 3 + \log_{x+4}(x^2 + 5x - 14) > \log_{x+4}(3x - 6) + \log_{5-x}(5 - x)^3 \quad \text{Ответ. } (2; 4) \cup (4; 5)$$

$$10) \log_{7-2x}(2x+3) \cdot \log_{2x+3}(x^2 + 4x + 4) \leq \log_{7-2x}(4x+9) \cdot \log_{4x+9}(5x+10)$$

$$\text{Ответ. } (-1,5; -1) \cup (-1; 3) \cup (3; 3,5)$$